

Félvezetők minősítése

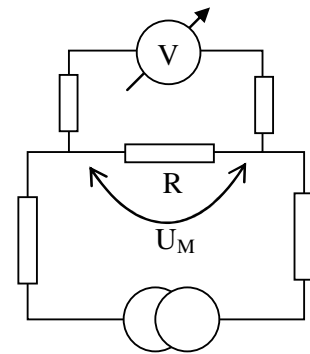
Tóth Bence

fizikus, 3. évfolyam

2006.04.27. csütörtök

beadva: 2005.05.08.

A mérés során több dologra kellett odafigyelni. Az ellenállás mérésére (R kicsi volta miatt a kontaktellenállásokhoz képest) a négypontos módszert alkalmaztuk. Ennek elrendezése az ábrán látható. A módszer lényege, hogy az áramgenerátorral egy állandó áramot folyatunk át a rendszeren, és így mérjük az R-en eső feszültséget (a voltmértő $\approx G\Omega$ -os ellenállása végtelennek tekinthető). Az ismert áramerősség és a mért feszültség valamint az $U=R \cdot I$ képlet alapján meghatározható az ellenállás. Viszont a kályha hőmérsékletének kis inhomogenitásai is termoelektromos feszültséget okozhatnak a szilícium és a két oldalán érintkező rézdrót között. Ezért minden egyes feszültséget kétszer mérünk meg, fordított áramirányokkal, ezáltal a mindig ugyanolyan előjelű termofeszültség kiejthető:

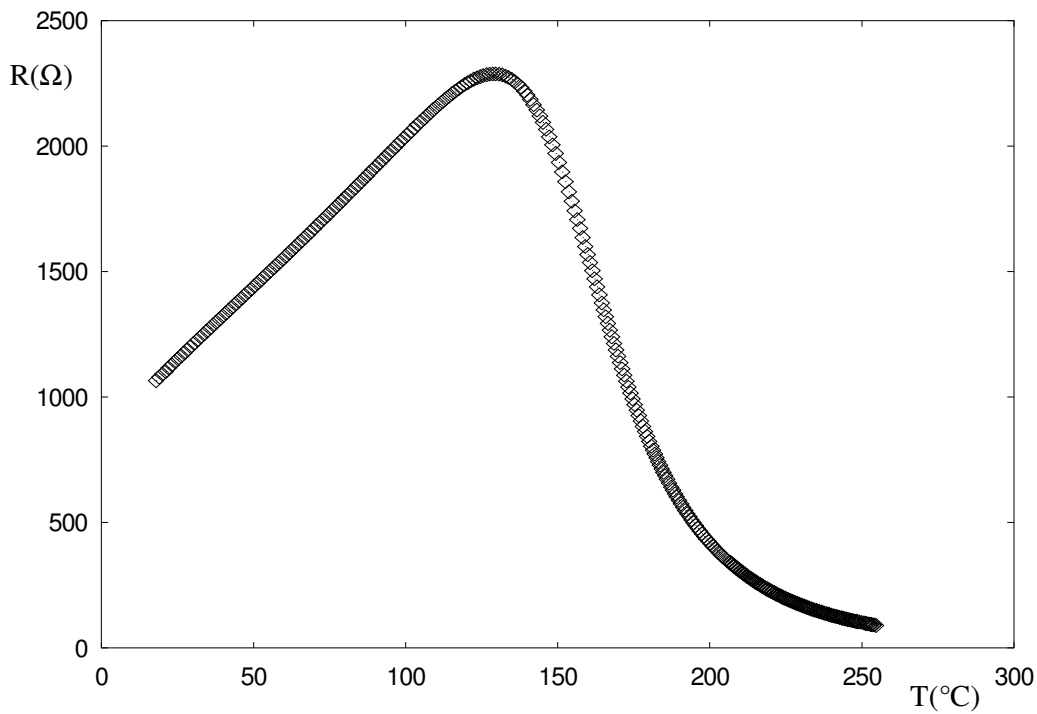


$$U_M = (U_{M+} - U_{M-}) / 2 = I \cdot R$$

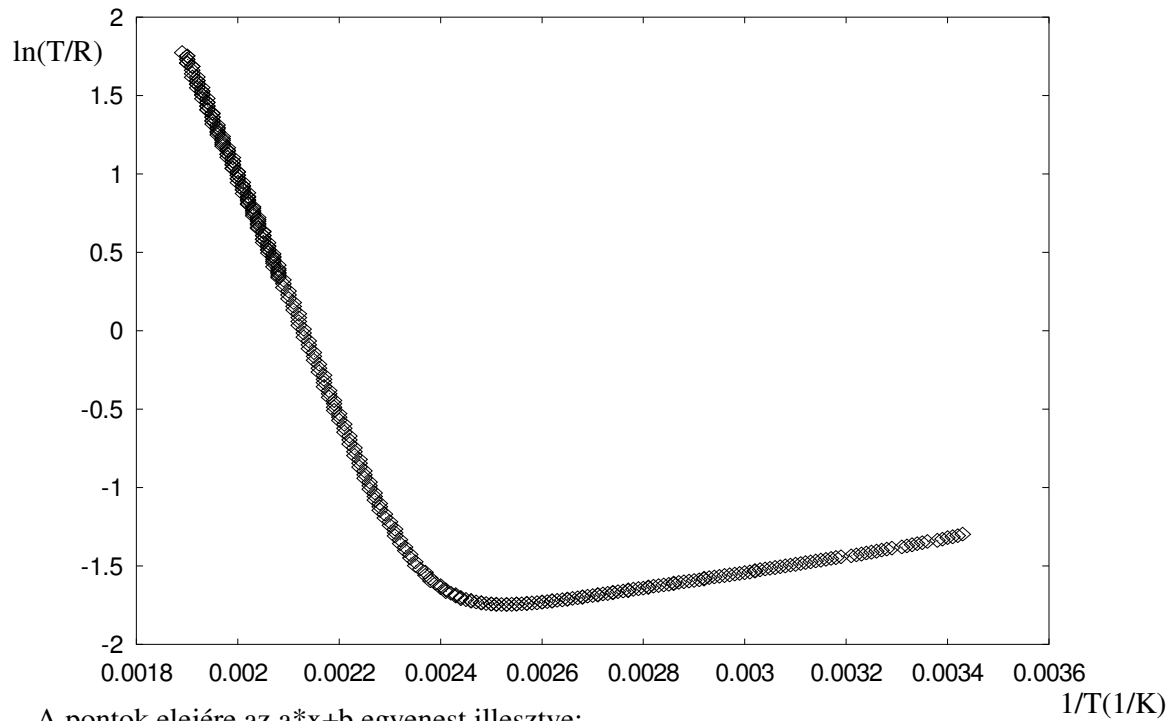
Átlagolással a parazitafeszültség is meghatározható, ami $0,071\text{mV}$.

Másik nehézség a drót és a minta eltérő kémiai potenciálja, amit úgy próbál kiegyenlíteni, hogy az érintkezési felület egyik oldalán töltés halmozódik fel. Ezt nevezzük Schottky-gátnak, ami megfelelő kontaktáló fém használatával illetve hőkezeléssel elhanyagolhatóvá tehető.

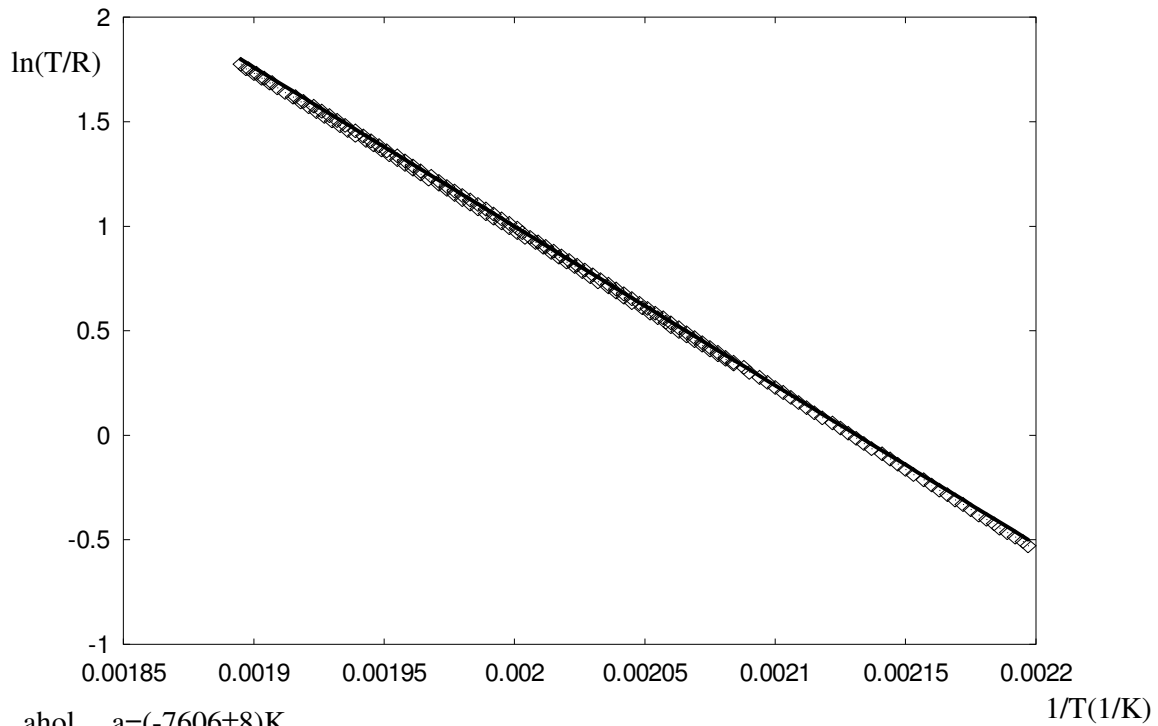
1. Elsőnek a szennyezetlen Si-minta tiltott sávjának szélességét határoztuk meg. Ehhez a már ismertetett módon mértük a minta ellenállását a hőmérséklet függvényében:



Ezt átranszformálva úgy, hogy a hőmérséklet és az ellenállás hányadosának természetes alapú logaritmusát ábrázolom a hőmérséklet reciprokának függvényében:



A pontok elejére az $a \cdot x + b$ egyenest illesztve:



ahol $a = (-7606 \pm 8) \text{K}$
 $b = 16,19 \pm 0,02$

Az egyenes meredeksége: $a = \frac{-E_g}{2 \cdot k_B}$

Ebből a gap szélessége: $E_g = (2,099 \pm 0,002) \cdot 10^{-19} \text{J} = (1,310 \pm 0,001) \text{eV}$

2. Az előbb illesztett egyenes egyenletéből kiszámolható a T=300K-en az elméleti (szennyezetlen) ellenállás:

$$R = \frac{T}{e^{a+b*T}} = \frac{T}{e^{-7606+16,19*T}}$$

Behelyettesítve: $R(300K) = (2,9 \pm 0,1) * 10^6 \Omega$. Ennél mi jóval kevesebbet: $(891 \pm 1) \Omega$ -ot mértünk (Az R-T görbe elejére egyenest illesztettem: $(11,79 \pm 0,02) * x + (852 \pm 1)$, majd $x=300K$ -re kiszámoltam) A maradék töltéshordozók számát az

$$\frac{R_{elm}(300K)}{R_{mért}(300K)} \approx \frac{n_{mért}}{n_{elm}}$$

összefüggésből lehet meghatározni, ahol $n_{elm} = 5,05 * 10^9 \text{ cm}^{-3}$

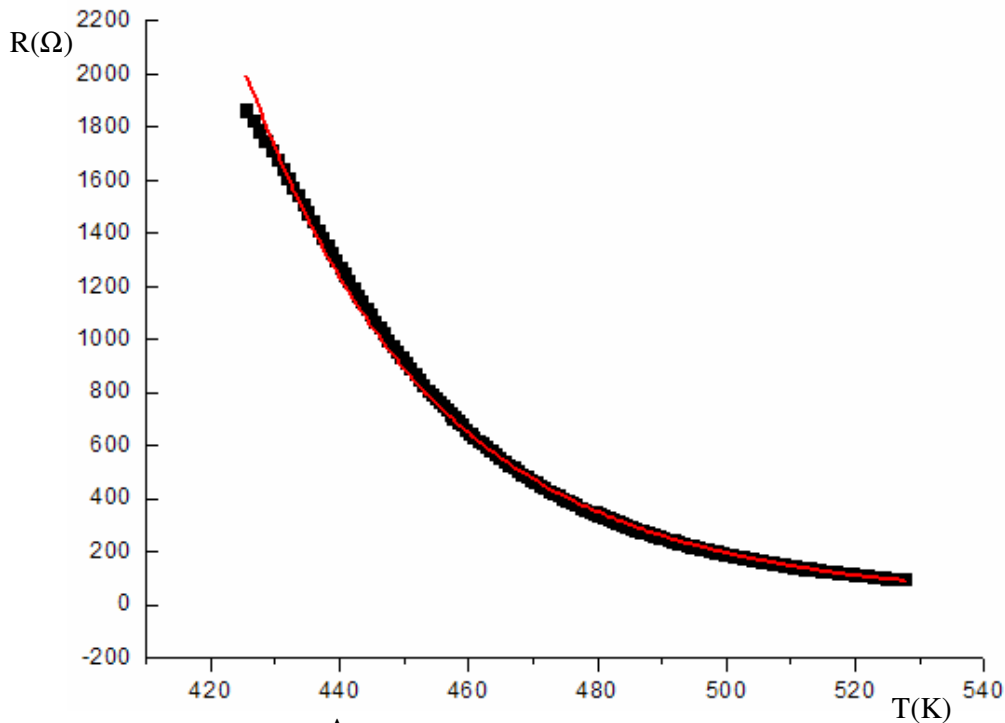
Vagyis a mért töltéshordozó-koncentráció (ami gyakorlatilag megegyezik a szennyezési töltéshordozó-koncentrációval, mivel kettő között három nagyságrendnyi eltérés van):

$$n_{mért}(300K) = (1,64 \pm 0,06) * 10^{13} \text{ cm}^{-3}$$

3. A töltéshordozók $\langle \mu \rangle$ átlagos mozgékonyságának 550K-en való kiszámolásához használhatjuk a jegyzetben megadott képlet átrendezésével kapott $\langle \mu \rangle = \frac{\sigma}{n * e}$

összefüggést. Mivel 400K fölött $\ln(\frac{T}{R}) \sim \ln(\sigma * T)$, ezért az $R = \frac{T}{(\sigma * T)^A}$ görbét illesztve a legelső

adatsor, a hőmérséklet-ellenállás grafikon második felére, a kapott illesztési paraméterekből meghatározható a vezetőképesség:



$$\sigma = (2130,0 \pm 0,6) * 10^{-6} \frac{\text{A}}{\text{V}}$$

A jegyzet alapján $n_0(T) \sim T^{3/2}$, azaz $n_0(T) = C * T^{3/2}$. $T=300\text{K}$ -re $n_0 = 1,074 * 10^{19} \text{cm}^{-3}$, ebből számolható a C arányossági tényező:

$$C = 2,067 * 10^{15} \frac{1}{\text{K} * \text{cm}^3}.$$

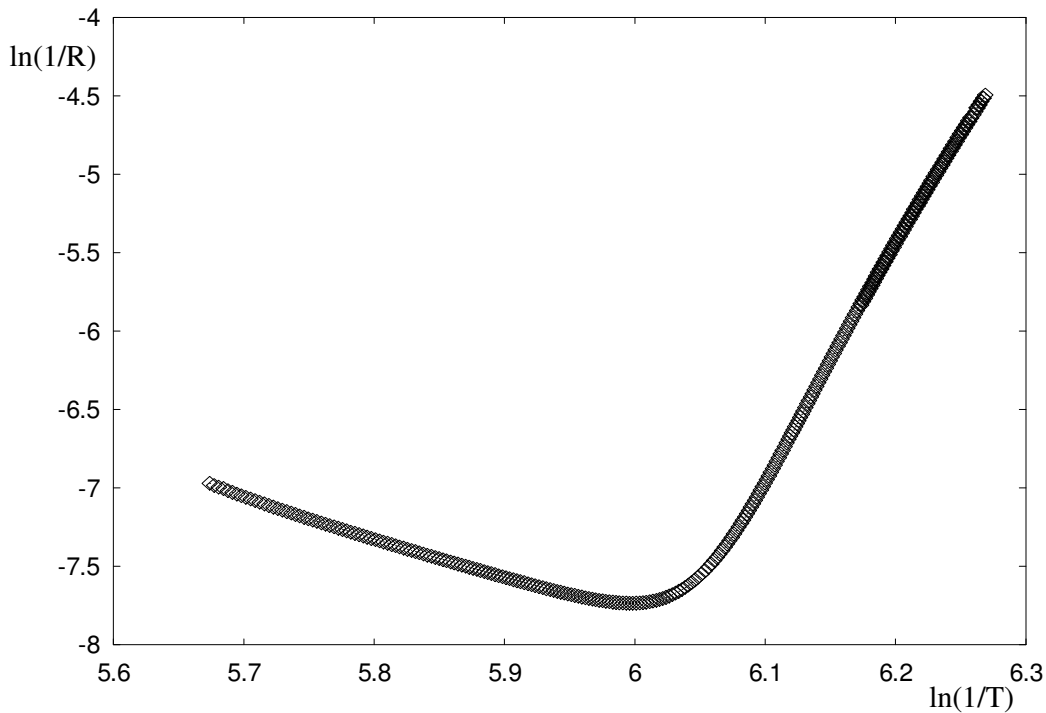
400K fölött n_e gyakorlatilag megegyezik $n_{\text{mért}}$ -el, ezért használhatjuk ezt az összefüggést $n(550\text{K})$ meghatározásához. $n_0(550\text{K}) = C * 550^{3/2} = 2,666 * 10^{19} \text{cm}^{-3}$. Beírva az ismert adatokat:

$$n_e(550\text{K}) = n_0(550\text{K}) * e^{\frac{-E_g}{2 * k_B * T}} = (2,63 \pm 0,03) * 10^{13} \text{cm}^{-3}.$$

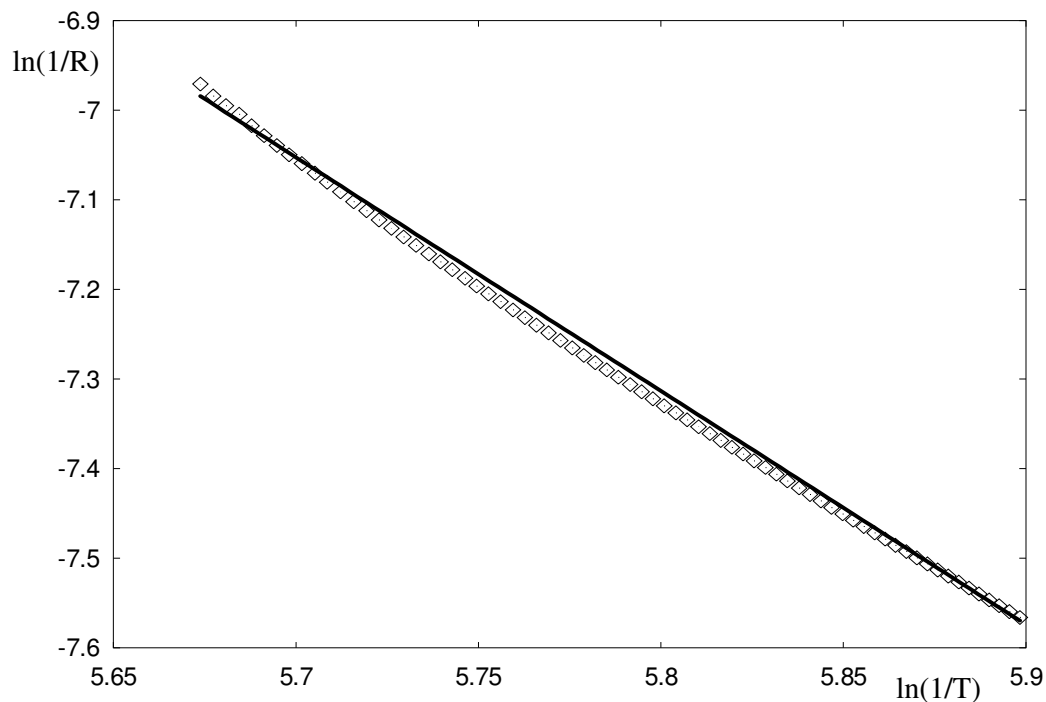
Mindent ismerünk a mozgékonyág számolásához:

$$\langle \mu \rangle = \frac{\sigma}{n * e} = 5,06178 * 10^{-8} \frac{\text{cm}^2}{\text{Vs}}$$

4. Az ellenállás reciprokanak természetes alapú logaritmusa a hőmérséklet reciproka természetes alapú logaritmusának függvényében ábrázolva:



A szennyezési töltéshordozók szakaszára az $a \cdot x + b$ egyenest illesztve:



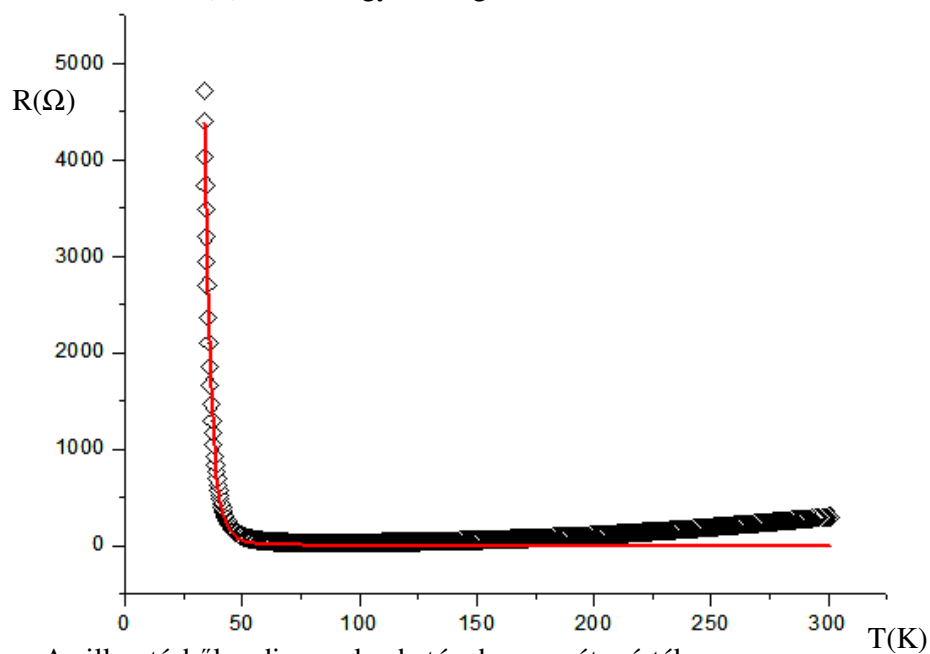
ahol $a = -2,61 \pm 0,01$
 $b = 7,81 \pm 0,07$

Ez az egyenes $T^{-2,61}$ -el megy, ami elég közel van a várt $5/2$ -es értékhez.

5.

Az adalékolt félvezető szennyezési szintjének meghatározásához megkaptuk egy előre, zártkörű He-hűtőrendszerrel kimért akceptor-szennyezett szilícium adatait. A pontokra az

$R(T) = T^a e^{\frac{b}{T}}$ egyenletű görbét illesztve:



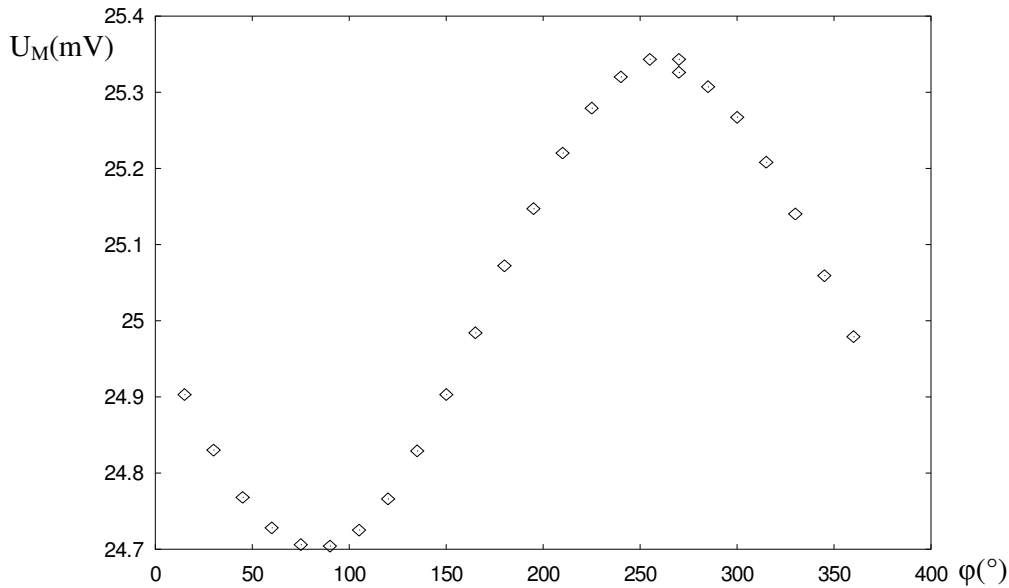
Az illesztésből pedig megkapható a b paraméter értéke:

$$b = \frac{E_a}{k_B} = (405 \pm 8) \text{K}$$

Ebből az akceptor szennyezési nívó vegyértéksáv tetejétől mért távolsága:

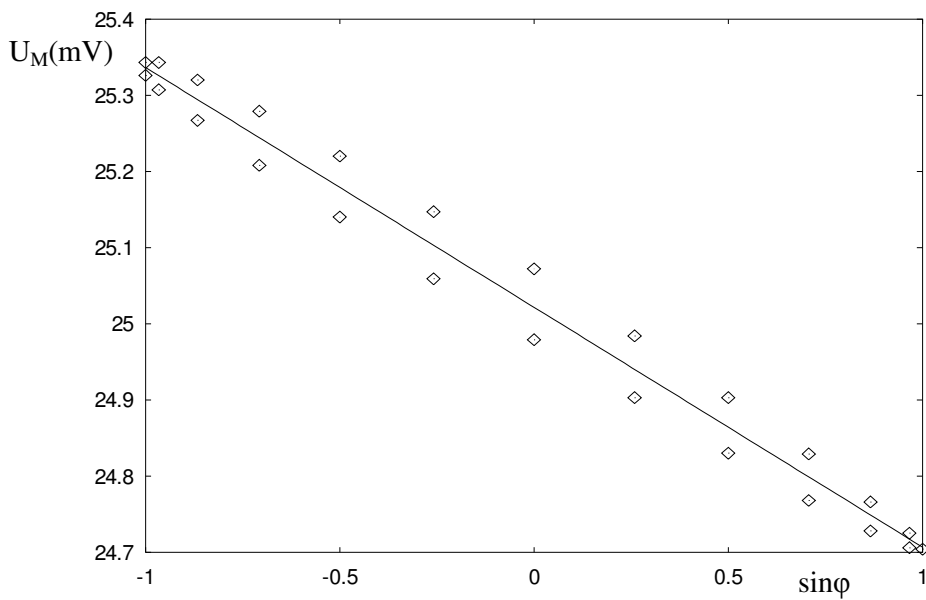
$$E_a = (5,6 \pm 0,1) \cdot 10^{-21} \text{ J} = (0,0349 \pm 0,0007) \text{ eV}$$

6 A Hall-állandó meghatározásához egy szennyezett félvezető lapka síkjának a \underline{B} mágneses indukcióvektortól mért φ szögét 15° -onként változtatva megmértük a transzverzális U_M feszültség értékét. A mérési adatok ábrázolva:



Látszik, hogy a mért értékek kicsit másznak, hiszen a 270° -hoz tartozó értéket kétszer is megmértük, és egy kicsit más lett.

Az U_M -et $\sin\varphi$ függvényében ábrázolva és rá az $a \cdot x + b$ egyenest illesztve:



ahol $a = (-0,315 \pm 0,009) \text{ mV}$
 $b = (25,022 \pm 0,007) \text{ mV}$

A pontok a mászás miatt formálnak ellipszist, ezért a közepére illeszttem az egyenest. Az

$$U_M = \frac{R_H}{d} * B * I * \sin\varphi + R * I$$

egyenletből meghatározható a Hall-állandó. Itt az I Hall-áram 10^{-3} A, a félvezető lapka vastagsága $d = (4,60 \pm 0,05) * 10^{-4}$ m. A mágneses indukciót a $B = \frac{\Delta\Phi}{n\bar{F}}$ összefüggésből lehet számolni, ahol $n=194$

a tekercs menetszáma, $\bar{F} = \frac{\pi}{3} (r_k^2 + r_k r_b + r_b^2)$, $r_k = 4,8$ mm a tekercs belső, $r_b = 3,05$ mm a tekercs külső sugara. A megmért $\Delta\Phi = 1,26 * 10^{-3}$ Vs, $\bar{F} = 4,92 * 10^{-5}$ m² így az indukció $B = (0,1320 \pm 0,0005)$ T.

Az előbb illesztett egyenes meredeksége a $\sin\varphi$ -s tag együtthatója:

$$a = -3,15 * 10^{-4} = \frac{R_H}{d} * B * I$$

Innen a Hall-állandó:

$$R_H = (-1,10 \pm 0,04) * 10^{-3} \frac{\text{m}^3}{\text{C}}$$

7.

A töltéshordozó-koncentráció a most meghatározott Hall-állandóból számolható az $R_H = \frac{1}{n * q}$ képletből. Mivel a Hall-állandó negatív, a töltéshordozók elektronok ($q = -e$). Ebből a koncentráció:

$$n = (5,7 \pm 0,2) * 10^{21} \text{m}^{-3}$$

8.

A vezetőképességet és a Hall-állandót ismerjük, ezekből számolható a Hall-mozgékonyság:

$$\mu = \sigma * R_H = 2130,0 * 10^{-6} * 1,10 * 10^{-3} = (2,343 \pm 0,09) * 10^{-6} \frac{\text{Ams}^2}{\text{kg}}$$